

6. (4 Pkt.) Es gilt mit $k \in \mathbb{R}$

- $\int_0^{\pi} dx \cos(kx) = \boxed{}$.

7. (2 Pkt.) Es gilt

- $\int_0^{\pi} dx \cos^2 x = \boxed{}$.

8. (4 Pkt.) Die Taylorreihe der Funktion $f(x) = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$ um $x_0 = 0$ lautet bis zur quadratischen Ordnung in x

- $f(x) = \boxed{}$.

9. (2 Pkt.) Für den Positionsvektor $\mathbf{r} = (x, y, z)^T$ gilt

- $\nabla \times \mathbf{r} = \boxed{}$.

10. (2 Pkt.) Für den Positionsvektor $\mathbf{r} = (x, y, z)^T$ gilt

- $\nabla \cdot \mathbf{r} = \boxed{}$.

11. (4 Pkt.) Für den Abstand zum Ursprung $r = |\mathbf{r}|$ gilt

(Formulieren Sie Ihr Ergebnis unter ausschliesslicher Verwendung des Positionsvektors \mathbf{r} .)

- $\nabla r = \boxed{}$.

12. (4 Pkt.) Mit dem Laplace-Operator ∇^2 gilt für das Vektorfeld $\mathbf{F}(x, y, z) = \begin{pmatrix} k^2 y^2 \\ k^2 x^2 + k^2 y^2 \\ \cos(kx) \end{pmatrix}$

- $\nabla^2 \mathbf{F} = \boxed{}$.

13. (2 Pkt.) Es gilt für das Vektorfeld $\mathbf{F}(x, y, z) = \begin{pmatrix} k^2 y^2 \\ k^2 x^2 + k^2 y^2 \\ \cos(kx) \end{pmatrix}$

- $\nabla \cdot \nabla \times \mathbf{F}(x, y, z) = \boxed{}$.

7. (8 Pkt.) Die komplexe Darstellung des reellen Feldes $\mathbf{E}(\mathbf{r}, t) = \mathbf{E}_0 [\cos(\mathbf{k}\mathbf{r} + \omega t) + \sin(\mathbf{k}\mathbf{r} + \omega t)]$ lautet

• $\mathbf{E}(\mathbf{r}) = \underline{\hspace{10em}}$.

8. (4 Pkt.) Der Poyntingvektor ist definiert als $\mathbf{S}(\mathbf{r}, t) = \mathbf{E}(\mathbf{r}, t) \times \mathbf{H}(\mathbf{r}, t)$. Der zeitgemittelte Poyntingvektor für die zugehörigen komplexen Felder $\mathbf{E}(\mathbf{r})$ und $\mathbf{H}(\mathbf{r})$ ergibt sich so zu

• $\langle \mathbf{S}(\mathbf{r}) \rangle = \underline{\hspace{10em}}$.

9. (4 Pkt.) Eine ebene Welle falle vom Medium 1 mit Brechungsindex n_1 auf eine Grenzfläche zu einem Medium mit Brechungsindex n_2 ein. Der Einfallswinkel sei α . Vervollständigen Sie folgende Bedingung für α , unter der es zu Totalreflexion kommt.

• $\sin \alpha \underline{\hspace{2em}}$.

10. (4 Pkt.) Wir betrachten eine in der xz -Ebene polarisierte ebene Welle mit Wellenvektor $\mathbf{k} = (k_x, 0, k_z)^T$, mit reeller elektrischer Feldamplitude $|\mathbf{E}(k_x x + k_z z = 0, t = 0)| = E_0$. Das komplexe elektrische Feld lautet (unter ausschliesslicher Verwendung der Amplitude E_0 , der Wellenvektorkomponenten k_x, k_z und des Betrags $k = |\mathbf{k}|$)

• $\mathbf{E}(\mathbf{r}) = \underline{\hspace{2em}} \left(\begin{array}{c} \underline{\hspace{2em}} \\ \underline{\hspace{2em}} \\ \underline{\hspace{2em}} \end{array} \right) \exp \left[\underline{\hspace{4em}} \right] .$

11. (10 Pkt.) Zwei monochromatische ebene Wellen mit identischer Frequenz ω und Amplitude $E_0 \in \mathbb{R}$ propagieren in der xz Ebene im Vakuum. Die erste Welle propagiere unter dem Winkel $-\alpha$ zur z Achse, die zweite unter dem Winkel α . Beide Wellen seien s polarisiert relativ zur Einfallsebene, die in der xz Ebene liege. Formulieren Sie die Intensitätsverteilung in der Ebene $z = 0$ unter Verwendung von ω , der Lichtgeschwindigkeit im Vakuum c , des Einfallswinkels α , der Vakuumimpedanz Z_0 und der Feldamplitude E_0 .

• $I(x) = \underline{\hspace{10em}}$.

12. (3 Pkt.) Der Polarisationszustand einer in der xy -Ebene unter dem Winkel α zur y -Achse propagierenden ebenen Welle, deren Magnetfeld in der xy -Ebene polarisiert ist, ist bezüglich einer Grenzfläche in der Ebene $x = 0$

- | |
|--------------|
| -polarisiert |
|--------------|

 .

13. (3 Pkt.) Der Polarisationszustand der transmittierten Komponente einer auf eine Grenzfläche einfallenden links-zirkular polarisierten ebenen Welle ist

- links-zirkular polarisiert,
- rechts-zirkular polarisiert,
- abhängig von den Materialparametern der die Grenzfläche bildenden Medien,
- keiner der angegebenen Vorschläge.

14. Betrachten Sie eine ebene Welle vom Typ $\mathbf{E}(\mathbf{r}) = \mathbf{E}_0 e^{ikx}$.

(a) (3 Pkt.) Es sei $E_0 \in \mathbb{R}$. Für $\mathbf{E}_0 = E_0(1, 0, 0)^T$ gilt

- die Welle ist linear polarisiert,
- die Welle ist zirkular polarisiert,
- die Welle erfüllt die Maxwell'schen Gleichungen nicht,
- keiner der angegebenen Vorschläge.

(b) (3 Pkt.) Es sei $E_0 \in \mathbb{R}$. Für $\mathbf{E}_0 = E_0(0, i, i)^T$ gilt

- die Welle ist linear polarisiert,
- die Welle ist zirkular polarisiert,
- die Welle erfüllt die Maxwell'schen Gleichungen nicht,
- keiner der angegebenen Vorschläge.

(c) (3 Pkt.) Es sei $E_0 \in \mathbb{R}$. Für $\mathbf{E}_0 = E_0(0, 1 + i, 1 - i)^T$ gilt

- die Welle ist linear polarisiert,
- die Welle ist zirkular polarisiert,
- die Welle erfüllt die Maxwell'schen Gleichungen nicht,
- keiner der angegebenen Vorschläge.

Ende der Prüfungsfragen.

